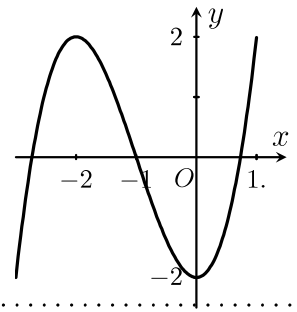

Mục lục

§1. Câu vận dụng môn Giải tích	2
§2. Câu vận dụng cao môn Giải tích	32
§3. Câu vận dụng môn Hình học	45
§4. Câu vận dụng cao môn Hình học	65

Dự án V

§1. Câu vận dụng môn Giải tích

Câu 1. dai5:k01 [K,D1] Cho đường cong trong hình bên
Đường cong đó là đồ thị của hàm số nào?



- A $y = -x^3 - 3x^2 - 2$
- B $y = x^3 + 3x^2 - 2$
- C $x^3 - 3x^2 - 2$
- D $-x^3 + 3x^2 - 2$

Lời giải: Dựa vào đồ thị suy ra hàm số tương ứng có dạng $y = ax^3 + bx^2 + cx + d$ ($a > 0$)

- Đồ thị qua $A(0; -2) \Rightarrow d = -2$.
- Đồ thị qua $B(-1; 0) \Rightarrow -a + b - c - 2 = 0 \Leftrightarrow a - b + c = -2$ (1)
- $y' = 3ax^2 + 2bx + c$
- có 2 điểm cực trị $x_{CD} = -2$ và $x_{CT} = 0$ suy ra y' có 2 nghiệm -2 và 0 .

$$\Rightarrow \begin{cases} 12a - 4b + c = 0 \\ c = 0 \end{cases} \quad (2)$$

Từ (1) và (2) ta có $\begin{cases} a - b = -2 \\ 12a - 4b = 0 \\ c = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} a = 1 \\ b = 3 \\ c = 0 \end{cases}$

nên $f(x) = x^3 + 3x^2 - 2$. Thử lại thấy đúng. □

Câu 2. dai5:k02 [K,D1] Tìm m lớn nhất để hàm số $y = \frac{1}{3}x^3 - mx^2 + (4m - 3)x + 2017$ đồng biến trên \mathbb{R} .

- A $m = 0$
- B $m = 1$
- C $m = 3$
- D $m = 4$

Lời giải: Ta có $y' = x^2 - 2mx + 4m - 3$

Hàm số đồng biến trên $\mathbb{R} \Leftrightarrow y' \geq 0, \forall x \in \mathbb{R} \Delta' \leq 0 \Leftrightarrow m^2 - 4m + 3 \leq 0 \Leftrightarrow 1 \leq m \leq 3$

Vậy $m = 3$. □

Câu 3. dai5:k03 [K,D1] Tìm tất cả các giá trị của m để hàm số $y = x^4 + 2mx^2 + m^2 + m$ có ba điểm cực trị.

- A $m = 0$
 B $m > 0$
 C $m < 0$
 D $m \neq 0$

Lời giải: Ta có $y' = 4x^3 + 4mx = 4x(x^2 + m)$

nên hàm số có ba cực trị $\Leftrightarrow y'$ có ba nghiệm phân biệt $\Leftrightarrow m < 0$. □

Câu 4. dai5:k04 [K,D1] Sau khi phát hiện một bệnh dịch, các chuyên gia y tế ước tính số người nhiễm bệnh kể từ ngày xuất hiện bệnh nhân đầu tiên đến ngày thứ t là $f(t) = 45t^2 - t^3$ (kết quả khảo sát được trong 8 tháng vừa qua). Nếu xem $f'(t)$ là tốc độ truyền bệnh (người/ngày) tại thời điểm t thì tốc độ truyền bệnh sẽ lớn nhất vào ngày thứ mấy?

- A 12
 B 30
 C 20
 D 15

Lời giải: Ta có $f'(t) = -30t^2 + 90t$; $f''(t) = -6t + 90$

$f''(t) = 0 \Leftrightarrow t = 15$

Khảo sát hàm số $f'(t)$ thì $f'(t)$ đạt GTNN bằng 675 tại $t = 15$

Vậy tốc độ truyền bệnh lớn nhất vào ngày thứ 15. □

Câu 5. dai5:k05 [K,D1] Tìm tất cả các giá trị của m để đồ thị hàm số $y = x^4 - 2mx^2 + 1$ có ba điểm cực trị là $A(0; 1)$, B , C sao cho $BC = 4$.

- A $m = -4; m = 4$
 B $m = \sqrt{2}$
 C $m = 4$
 D $m = \sqrt{2}; m = -\sqrt{2}$

Lời giải: Ta có $y' = 4x^3 - 4mx$

$$y' = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x^2 - m = 0 \end{cases}$$

Hàm số có 3 cực trị $\Leftrightarrow y' = 0$ có 3 nghiệm phân biệt $\Leftrightarrow m > 0$

Với điều kiện $m > 0$, hàm số có 3 cực trị $A(0; 1)$; $B(-\sqrt{m}; 1 - m^2)$; $C(\sqrt{m}; 1 - m^2)$.

Nên $BC = 4 \Leftrightarrow BC^2 = 16 \Leftrightarrow (2\sqrt{m})^2 + 0^2 = 16 \Leftrightarrow m = 4$.

Thử lại thấy đúng. □

Câu 6. dai5:k06 [K,D1] Cho hàm số $y = 2x^3 + 3(m - 1)x^2 + 6(m - 2)x - 1$. Với giá trị nào của m thì đồ thị hàm số có hai điểm cực trị x_1 và x_2 sao cho $|x_1 + x_2| = 2$

- A $m = 3$
 B $m = -1$
 C $m = 0$
 D $m = 1$

Lời giải: • Ta có $y' = 6x^2 + 6(m-1)x + 6(m-2)$. Khi đó $y' = 0 \Leftrightarrow x = -1; x = 2 - m$.

• Để hàm số có cực trị thì $y' = 0$ có hai nghiệm phân biệt, suy ra $m \neq 3$.

• Từ giả thiết ta có $|1 - m| = 2 \Leftrightarrow \begin{cases} m = -1 \\ m = 3 \end{cases}$ □

Câu 7. dai5:k07 [K,D1] Với giá trị nào của m thì phương trình $\sqrt{x-2} + \sqrt{4-x} = 2m$ có nghiệm

- (A) $\sqrt{2} \leq m \leq 2$
(B) $\frac{\sqrt{2}}{2} \leq m \leq 1$
(C) $-\sqrt{2} \leq m \leq 2$
(D) $-\frac{\sqrt{2}}{2} < m < 1$

Lời giải: Điều kiện: $2 \leq x \leq 4$. Xét hàm số $f(x) = \sqrt{x-2} + \sqrt{4-x}$ trên $[2; 4]$ ta có $f(x) > 0$ và

$$f^2(x) = 2 + 2\sqrt{(x-2)(4-x)}.$$

Từ đây suy ra

$$\begin{cases} f^2(x) \geq 2 \\ f^2(x) \leq 2 + 2 \cdot \frac{1}{2} (\sqrt{x-2} + \sqrt{4-x})^2 = 4 \end{cases} \Rightarrow \sqrt{2} \leq f(x) \leq 2.$$

Vậy phương trình đã cho có nghiệm khi $\sqrt{2} \leq 2m \leq 2 \Leftrightarrow \frac{\sqrt{2}}{2} \leq m \leq 1$. □

Câu 8. dai5:k08 [K,D1] Với giá trị nào của m thì đường thẳng $y = 8x + m$ là tiếp tuyến của đồ thị hàm số $y = -x^4 - 2x^2 + 3$

- (A) $m = 8$
(B) $m = -8$
(C) $m = 18$
(D) $m = -18$

Lời giải: Ta cần tìm m để hệ sau có nghiệm $\begin{cases} -x^4 - 2x^2 + 3 = 8x + m & (1) \\ -4x^3 - 4x = 8 & (2) \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = -1 \\ m = 8 \end{cases}$ □

Câu 9. dai5:k09 [K,D1] Cho hàm số $y = x^4 - 2mx^2 - 3m + 1$ (1). Tìm m để đồ thị hàm số (1) đồng biến trên khoảng $(1; 2)$?

- (A) $m \leq 1$
(B) $m < 0$
(C) $0 \leq m \leq 1$
(D) $m \leq 0$

Lời giải: Ta có $y' = 4x^3 - 4mx = 4x(x^2 - m)$. Hàm số đã cho đồng biến trên khoảng $(1; 2)$ khi và chỉ khi $y' \geq 0 \forall x \in (1; 2)$ hay $x^2 - m \geq 0 \forall x \in (1; 2) \Leftrightarrow m \leq 1$. □

Câu 10. dai5:k10 [K,D1] Cho hàm số $y = (x-1)(x+2)^2$. Trung điểm của đoạn thẳng nối hai điểm cực trị của đồ thị hàm số nằm trên đường thẳng nào dưới đây?

- (A) $2x - y - 4 = 0$
(B) $2x - y + 4 = 0$
(C) $2x + y + 4 = 0$
(D) $2x + y - 4 = 0$

Lời giải: Ta có: $y' = 2(x+2)(x-1) + (x+2)^2 = 3x(x+2)$. Vậy hai điểm cực trị của đồ thị hàm số có tọa độ là $A(0, -2); B(-2, 0)$. Vậy trung điểm của đoạn thẳng nối hai cực trị là $M(-1, 1)$. Nên phải sửa đáp án. □

Câu 11. dai5:k11 [K,D1] Giá trị lớn nhất của hàm số $f(x) = \frac{x^3 + 20}{3} + 2\sqrt{x}$ trên đoạn $[1; 4]$ là:

- (A) 9 (B) 32 (C) 33 (D) 42

Lời giải: □

Câu 12. dai5:k12 [K,D1] Đồ thị hàm số $y = \frac{x+1}{\sqrt{4x^2+2x+1}}$ có bao nhiêu đường tiệm cận?

- (A) 1 (B) 2 (C) 3 (D) 4

Lời giải: $\lim_{x \rightarrow \pm\infty} y = \pm \frac{1}{2}$ Nên đồ thị hàm số đã cho có 2 đường tiệm cận ngang. □

Câu 13. dai5:k13 [K,D1] Cho hàm số $y = \frac{x^2 + mx + 1}{x + m}$. Tìm m để hàm số đạt cực đại tại $x = 2$? Một học sinh làm như sau:

Bước 1. $D = \mathbb{R} \setminus \{-m\}$, $y' = \frac{x^2 + 2mx + m^2 - 1}{(x + m)^2}$.

Bước 2. Hàm số đạt cực đại tại $x = 2 \Leftrightarrow y'(2) = 0$ (*)

Bước 3. (*) $\Leftrightarrow m^2 + 4m + 3 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} m = -1 \\ m = -3 \end{cases}$

Bài giải trên đúng hay sai? Nếu sai thì sai ở bước nào

- (A) Sai từ bước 1 (B) Sai từ bước 2 (C) Sai từ bước 3 (D) Đúng

Lời giải: Thiếu điều kiện $y'(2) = 0$ chưa đủ để $x = 2$ là một điểm cực trị. □

Câu 14. dai5:k14 [K,D1] Giá trị của m để đường thẳng $y = 2x + m$ cắt đường cong $y = \frac{x+1}{x-1}$ tại hai điểm phân biệt là:

- (A) $m \neq 1$ (B) $m > 0$ (C) $m \neq 0$ (D) Một kết quả khác

Lời giải: Xét phương trình tương giao $\frac{x+1}{x-1} = 2x+m$ (*). Với $x \neq 1$ thì (*) $\Leftrightarrow x^2 - (m+3)x + m - 1 = 0$. (1) Để đường thẳng cắt đường cong tại hai điểm phân biệt thì phương trình (1) có hai nghiệm phân biệt khác 1 $\Delta = (m+3)^2 - 4(m-1) > 0 \Leftrightarrow m^2 + 2m + 13 > 0$ Thấy ngay là cần 1 kết quả khác. □

Câu 15. dai5:k15 [K,D1] Với giá trị nào của tham số m thì hàm số $y = \sin x - \cos x + 2017\sqrt{2}mx$ đồng biến trên \mathbb{R} ?

- (A) $m \geq 2017$ (B) $m > 0$ (C) $m \geq \frac{1}{2017}$ (D) $m \geq -\frac{1}{2017}$

Lời giải: Ta có: $y' = \cos x + \sin x + 2017\sqrt{2}m$ để hàm số luôn đồng biến trên \mathbb{R} thì $\cos x + \sin x + 2017\sqrt{2}m \geq 0$ (*) với mọi m .

Vì $|\sin x + \cos x| \leq \sqrt{2}$. Nên để (*) đúng với mọi $m \in \mathbb{R}$ thì $-\sqrt{2} \geq -2017\sqrt{2}m$ hay $m \geq \frac{1}{2017}$ \square

Câu 16. dai5:k16 [K,D1] Cho hàm số $y = x^3 - 3x^2 + 2$ (C). Đường thẳng nào sau đây là tiếp tuyến của (C) có hệ số góc nhỏ nhất

- (A) $y = -3x + 3$ (B) $y = -3x - 3$ (C) $y = -3x$ (D) $y = 0$

Lời giải: Giả sử $M(x_0; y_0)$ là tiếp điểm của tiếp tuyến.

Khi đó hệ số góc của tiếp tuyến là $y'(x_0) = 3x_0^2 - 6x_0 = 3(x_0 - 1)^2 - 3 \geq -3$. Dấu bằng xảy ra khi $x_0 = 1$. Vậy hệ số góc nhỏ nhất của tiếp tuyến là -3 , ứng với tiếp điểm $M(1; 0)$. Nên phương trình tiếp tuyến cần tìm là:

$y = -3(x - 1) = -3x + 3$. \square

Câu 17. dai5:k17 [K,D1] Số điểm có tọa độ là các số nguyên trên đồ thị hàm số $y = \frac{x+3}{x+2}$ là:

- (A) 4 (B) 2 (C) 3 (D) 1

Lời giải: Giả sử điểm $M(x_0; y_0)$ có tọa độ nguyên thuộc đồ thị hàm số, khi đó ta có

$$y_0 = \frac{x_0 + 3}{x_0 + 2} \Leftrightarrow y_0 = 1 + \frac{1}{x_0 + 2}.$$

Do $x_0; y_0$ nguyên nên $x_0 + 2$ là ước của 1, suy ra $x_0 + 2 = \pm 1 \Leftrightarrow x_0 \in \{-1; -3\}$.

Từ đó ta có $M_1(-1; 2); M_2(-3; 0)$ là hai điểm có tọa độ nguyên thuộc đồ thị hàm số. \square

Câu 18. dai5:k18 [K,D1] Cho họ đồ thị (C_m) : $y = x^4 + mx^2 - m - 1$. Tọa độ các điểm mà mọi đồ thị của (C_m) đi qua là:

- (A) $(-1; 0)$ và $(1; 0)$ (B) $(1; 0)$ và $(0; 1)$ (C) $(-2; 1)$ và $(-2; 3)$ (D) $(2; 1)$ và $(1; 0)$

Lời giải: Giả sử $M(x_0; y_0)$ là điểm mà mọi đồ thị hàm số đi qua, điều này tương đương với phương trình

$$\begin{aligned} y_0 &= x_0^4 + mx_0^2 - m - 1 \text{ nghiệm với mọi } m \\ \Leftrightarrow m(x_0^2 - 1) + x_0^4 - 1 - y_0 &= 0 \text{ nghiệm với mọi } m \\ \Leftrightarrow \begin{cases} x_0^2 = 1 \\ y_0 = x_0^4 - 1 \end{cases} &\Leftrightarrow (x_0; y_0) \in \{(1; 0), (-1; 0)\}. \end{aligned} \quad \square$$

Câu 19. dai5:k19 [K,D1] Biết rằng đồ thị hàm số $y = f(x) = ax^4 + bx^2 + c$ có hai điểm cực trị là $A(0; 2)$ và $B(2; -14)$. Tính $f(1)$.

- (A) $f(1) = 0$ (B) $f(1) = -7$ (C) $f(1) = -5$ (D) $f(1) = -6$

Lời giải: Tập xác định: $\mathcal{D} = \mathbb{R}$.

Đạo hàm: $y' = 4ax^3 + 2bx$.

$$\text{Từ giả thiết ta có } \begin{cases} f(0) = 2 \\ f(2) = -14 \\ f'(0) = f'(2) = 0 \end{cases} \iff \begin{cases} c = 2 \\ 16a + 4b + c = -14 \\ 32a + 4b = 0 \end{cases} \iff \begin{cases} a = 1 \\ b = -8 \\ c = 2 \end{cases}.$$

Vậy $f(1) = -5$. □

Câu 20. dai5:k20 [K,D1] Có bao nhiêu tham số nguyên m để hàm số $y = \frac{mx^3}{3} - mx^2 + (3 - 2m)x + m$ đồng biến trên \mathbb{R} ?

- (A) Một. (B) Vô số. (C) Không. (D) Hai.

Lời giải: Ta có: $y' = mx^2 - 2mx + 3 - 2m$.

Để hàm số đồng biến trên \mathbb{R} thì $y' \geq 0, \forall x \in \mathbb{R} \iff mx^2 - 2mx + 3 - 2m \geq 0, \forall x \in \mathbb{R}$.

Trường hợp 1: $m = 0 \implies y' = 3 > 0, \forall x \in \mathbb{R}$ nên $m = 0$ là một đáp số.

$$\text{Trường hợp 2: } m \neq 0 \text{ khi đó ycbt } \iff \begin{cases} m > 0 \\ \Delta' = 3m^2 - 3m \leq 0 \end{cases} \iff 0 < m \leq 1.$$

Vậy $0 \leq m \leq 1$. Do $m \in \mathbb{Z}$ nên $m = 0, m = 1$. □

Câu 21. dai5:k21 [K,D1] Tìm tất cả các giá trị m để đồ thị hàm số $y = \frac{x^2 + m}{x^2 - 3x + 2}$ có đúng một tiệm cận đứng.

- (A) $m \in \{-1; -4\}$. (B) $m \in \{1; 4\}$. (C) $m = -1$. (D) $m = 4$.

Lời giải: Ta có $y = \frac{x^2 + m}{x^2 - 3x + 2} = \frac{x^2 + m}{(x - 1)(x - 2)}$.

Để đồ thị hàm số có đúng một tiệm cận đứng khi tử số có nghiệm $x = 1$ hoặc $x = 2$. Khi đó $m = -1$ hoặc $m = -4$. □

Câu 22. dai5:k22 [K,D1] Trong cuộc thi Robocon; một Robot đang chuyển động với vận tốc 5 m/s thì tăng tốc với gia tốc $a(t) = 2t + t^2$ (m/s²). Tính quãng đường Robot đi được trong khoảng thời gian 3 giây kể từ lúc bắt đầu tăng tốc.

- (A) $\frac{123}{5}$ (m) (B) $\frac{123}{2}$ (m) (C) $\frac{123}{4}$ (m) (D) $\frac{113}{4}$ (m)

Lời giải: Gọi $v(t)$ là vận tốc của Robot. Ta có $v'(t) = a(t) = 2t + t^2$. Suy ra $v(t) = t^2 + \frac{1}{3}t^3 + C$, $v(0) = 5 \implies C = 5$. Do đó $v(t) = t^2 + \frac{1}{3}t^3 + 5$. Vậy quãng đường Robot đi được là

$$S = \int_0^3 (t^2 + \frac{1}{3}t^3 + 5) dt = \frac{123}{4} \text{ (m)}.$$

□

Câu 23. dai5:k23 [K,D1] Tìm tất cả các giá trị thực của tham số m để đồ thị hàm số $y = x^3 + 2mx^2 - x$ cắt trục hoành tại 3 điểm phân biệt có các hoành độ $x_1; x_2; x_3$ sao cho $x_1^2 + x_2^2 + x_3^2 > 2$.

- (A) $m > 0$ (B) $m \leq 0$ (C) với mọi m (D) $m \neq 0$

Lời giải: Phương trình hoành độ giao điểm:

$$x^3 + 2mx^2 - x = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x^2 + 2mx - 1 = 0 \end{cases} \quad (2)$$

Phương trình (2) luôn có 2 nghiệm phân biệt khác 0 với mọi m . Giả sử $x_3 = 0$ còn x_1, x_2 là hai nghiệm của (2). Khi đó:

$$x_1^2 + x_2^2 + x_3^2 > 2 \Leftrightarrow (x_1 + x_2)^2 - 2x_1x_2 > 2 \Leftrightarrow 4m^2 + 2 > 2 \Leftrightarrow m \neq 0.$$

□

Câu 24. dai5:k24 [K,D1] Giá trị cực đại của hàm số $y = x + \sin 2x$ trên $(0; \pi)$ là:

- (A) $\frac{\pi}{6} + \frac{\sqrt{3}}{2}$ (B) $\frac{2\pi}{3} + \frac{\sqrt{3}}{2}$ (C) $\frac{2\pi}{3} - \frac{\sqrt{3}}{2}$ (D) $\frac{\pi}{3} + \frac{\sqrt{3}}{2}$

Lời giải: D

$$y' = 1 + 2\cos 2x$$

$$y' = 0 \Leftrightarrow x = \frac{\pi}{3} + k\pi \text{ hoặc } x = \frac{-\pi}{3} + k\pi$$

$$\text{Do } x \in (0; \pi) \text{ nên } x = \frac{\pi}{3}$$

Lập bảng biến thiên:

x	0	$\frac{\pi}{3}$	π
y'	+	0	-
y		$\frac{\pi}{3} + \frac{\sqrt{3}}{2}$	

□

Câu 25. dai5:k25 [K,D1] Cho hàm số $y = \frac{2x - 3}{\sqrt{x^2 - 2x - 3}}$. Đồ thị hàm số có bao nhiêu tiệm cận?

- (A) 2 (B) 3 (C) 4 (D) 5

Lời giải: TXD: $D = (-\infty, -1) \cup (3, +\infty)$.

Ta có: $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{3x-2}{\sqrt{x^2-2x-3}} = -3$, $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{3x-2}{\sqrt{x^2-2x-3}} = 3$ nên TCN là $y = -3$ và $y = 3$.

Ta có: $\lim_{x \rightarrow -1^-} \frac{3x-2}{\sqrt{x^2-2x-3}} = -\infty$, $\lim_{x \rightarrow 3^+} \frac{3x-2}{\sqrt{x^2-2x-3}} = +\infty$ nên TCD là $x = -1$ và $x = 3$. \square

Câu 26. dai5:k26 [K,D1] Một chất điểm đang chuyển động với vận tốc $v_0 = 15m/s$ thì tăng tốc với gia tốc $a(t) = t^2 + 4t$ (m/s^2). Tính quãng đường chất điểm đó đi được trong khoảng thời gian 3 giây kể từ lúc bắt đầu tăng vận tốc.

(A) 68,25m

(B) 70,25m

(C) 69,75m

(D) 67,25m

Lời giải:

$$v(t) = \int (t^2 + 4t) dt = \frac{1}{3}t^3 + 2t^2 + C$$

Mà

$$v(0) = 15 \Rightarrow C = 15$$

nên

$$v(t) = \frac{1}{3}t^3 + 2t^2 + 15$$

$$S(t) = \int_0^3 (\frac{1}{3}t^3 + 2t^2 + 15) dt = (\frac{1}{12}t^4 + \frac{2}{3}t^3 + 15t)|_0^3 = \frac{279}{4} = 69.75(m)$$

\square

Câu 27. dai5:k27 [K,D1] Cho hàm số $y = |2x^2 - 3x - 1|$. Giá trị lớn nhất của hàm số trên đoạn $[\frac{1}{2}; 2]$

là

(A) $\frac{17}{8}$

(B) $\frac{9}{4}$

(C) 2

(D) 3

Lời giải: C

Xét $f(x) = 2x^2 - 3x - 1$ ta có $f'(x) = 4x - 3$

$$f'(x) = 0 \Leftrightarrow x = \frac{3}{4}$$

$$f(\frac{1}{2}) = -2; f(\frac{3}{4}) = \frac{-17}{8}; f(2) = 1$$

$$\text{Vậy } \text{Max}|f(x)| = \frac{17}{8}$$

\square

Câu 28. dai5:k28 [K,D1] Hàm số $y = \frac{x^2 - 4x}{x + m}$ đồng biến trên $[1; +\infty)$ thì giá trị của m là:

(A) $m \in \left(-\frac{1}{2}; 2\right] \setminus \{1\}$

(B) $m \in (-1; 2] \setminus \{1\}$

(C) $m \in \left(-1; \frac{1}{2}\right)$

(D) $m \in \left(-1; \frac{1}{2}\right]$

Lời giải: $y = \frac{x^2 - 4x}{x + m}$ có tập xác định là $D = \mathbb{R} \setminus \{-m\}$ và

$$y' = \frac{x^2 + 2mx - 4m}{(x + m)^2}$$

Để hàm số trên đồng biến trên $[1; \infty)$ thì

$$\begin{cases} -m < 1 \\ x^2 + 2mx - 4m \geq 0, \forall x \in [1; \infty) \end{cases}$$

$$2m(x - 2) \geq -x^2, \forall x \in [1; \infty) (1)$$

Xét $x = 2$ luôn thỏa bất phương trình đã cho

$$\text{Xét } x \neq 2, \text{ khi đó (1) } \Leftrightarrow \begin{cases} 2m \leq \frac{-x^2}{x-2} x \in [1; 2) \\ 2m \geq \frac{-x^2}{x-2} x \in (2; \infty) \end{cases}$$

$$\text{Xét hàm số } f(x) = \frac{-x^2}{x-2} \text{ trên } [1; \infty) \setminus \{2\} \text{ có } f'(x) = \frac{-x^2 + 4x}{(x-2)^2}$$

$$\text{Lập bảng biến thiên và dựa theo yêu cầu bài toán thì } \begin{cases} m > -1 \\ 2m \leq 1 \\ 2m \geq -8 \end{cases} \Leftrightarrow -1 < m \leq \frac{1}{2} \quad \square$$

Câu 29. dai5:k29 [K,D1] Hàm số $y = x^4 - 2mx^2 + m$ có ba điểm cực trị và đường tròn đi qua ba điểm cực trị này có bán kính bằng 1 thì giá trị của m là:

(A) $m = 1; m = \frac{-1 \pm \sqrt{5}}{2}$

(B) $m = -1; m = \frac{-1 + \sqrt{5}}{2}$

(C) $m = 1; m = \frac{-1 + \sqrt{5}}{2}$

(D) $m = 1; m = \frac{-1 - \sqrt{5}}{2}$

Lời giải: □

Câu 30. dai5:k30 [K,D1] Một viên phấn bằng có dạng một khối trụ với bán kính đáy bằng $0,5\text{cm}$, chiều dài 6cm . Người ta làm một hình hộp chữ nhật bằng carton đựng viên phấn đó với kích thước là $6\text{cm} \times 5\text{cm} \times 6\text{cm}$. Hỏi cần ít nhất bao nhiêu hộp kích thước như trên để xếp 460 viên phấn?

(A) 17

(B) 15

(C) 16

(D) 18

Lời giải: Đường kính của đáy viên phấn bằng $0,5 \cdot 2 = 1(\text{cm})$. Vậy khi xếp phấn theo chiều dài của hình hộp thì xếp tối đa được $6 : 1 = 6(\text{viên})$. Tương tự khi xếp theo chiều rộng của hình hộp thì xếp tối đa được $5 : 1 = 5(\text{viên})$. Vậy số viên phấn tối đa mà ta có thể xếp được $6 \cdot 5 = 30(\text{viên})$. Ta có 460 viên phấn thì sẽ xếp vô được $460 : 30 \approx 15,3 \Rightarrow$ cần ít nhất 16 hộp để xếp hết 460 viên phấn □

Câu 31. dai5:k31 [K,D1] Tìm tất cả các giá trị thực của tham số m để đồ thị của hàm số $y = \frac{x + m}{\sqrt{mx^2 + 1}}$ có đúng hai đường tiệm cận ngang?