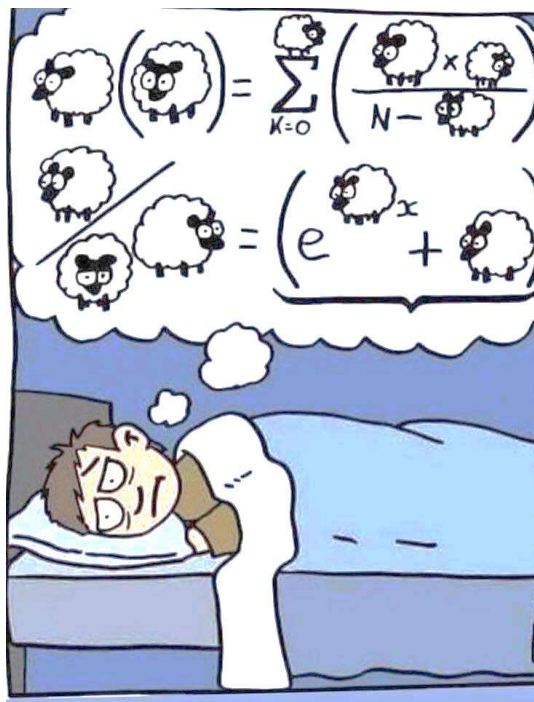


TRƯỜNG TRUNG HỌC PHỔ THÔNG TRẦN PHÚ

Nhóm Toán 12

**TÀI LIỆU ÔN TẬP MÔN TOÁN**  
**KIỂM TRA CUỐI KỲ II LỚP 12**  
**VÀ ÔN TẬP THI TỐT NGHIỆP THPT**  
**NĂM HỌC 2023 - 2024**

Tài liệu này của:.....Lớp.....



Tài liệu lưu hành nội bộ

**I. TRẮC NGHIỆM:**

**Câu 1.** Họ tất cả các nguyên hàm của hàm số  $f(x) = 3x^2 + 4 \sin x$  là

- A.  $\int f(x) dx = 6x - 4 \cos x + C.$                       B.  $\int f(x) dx = 6x + 8 \cos x + C.$   
 C.  $\int f(x) dx = x^3 - 4 \cos x + C.$                       D.  $\int f(x) dx = x^3 + 4 \cos x + C.$

**Câu 2.** Cho hai hàm số  $f(x), g(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R}$ . Trong các mệnh đề sau, mệnh đề nào **sai**?

- A.  $\int [f(x) + g(x)] dx = \int f(x) dx + \int g(x) dx.$                       B.  $\int [f(x) \cdot g(x)] dx = \int f(x) dx \cdot \int g(x) dx.$   
 C.  $\int [f(x) - g(x)] dx = \int f(x) dx - \int g(x) dx.$                       D.  $\int kf(x) dx = k \int f(x) dx (k \neq 0; k \in \mathbb{R}).$

**Câu 3.** Cho hàm số  $f(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R}$  và  $F(x)$  là nguyên hàm của  $f(x)$ , biết  $\int_0^5 f(x) dx = 9$  và  $F(0) = 3$ . Giá trị của  $F(5)$  bằng

- A. 12.                      B. -6.                      C. -12.                      D. 6.

**Câu 4.** Cho hàm số  $f(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R}$ , biết  $\int_0^5 f(x) dx = 6$  và  $\int_0^{10} f(x) dx = -3$ . Giá trị của  $\int_5^{10} f(x) dx$  bằng

- A. 3.                      B. -3.                      C. -9.                      D. 9.

**Câu 5.** Cho hai hàm số  $y = f(x)$  và  $y = g(x)$  liên tục trên đoạn  $[a; b]$ . Viết công thức tính diện tích  $S$  của hình phẳng giới hạn bởi đồ thị hai hàm số  $y = f(x), y = g(x)$  và các đường thẳng  $x = a, x = b (a < b)$ .

- A.  $S = \int_a^b |f(x) + g(x)| dx.$                       B.  $S = \int_a^b |f(x) - g(x)| dx.$   
 C.  $S = \left| \int_a^b (f(x) - g(x)) dx \right|.$                       D.  $S = \int_a^b (g(x) - f(x)) dx.$

**Câu 6.** Diện tích hình phẳng được giới hạn bởi đồ thị hàm số  $y = xe^x$ , trục hoành và hai đường thẳng  $x = -1; x = 4$  bằng

- A.  $S = -\int_{-1}^4 xe^x dx.$                       B.  $S = \int_{-1}^4 xe^x dx.$                       C.  $S = \int_{-1}^4 |xe^x| dx.$                       D.  $S = \left| \int_{-1}^4 xe^x dx \right|.$

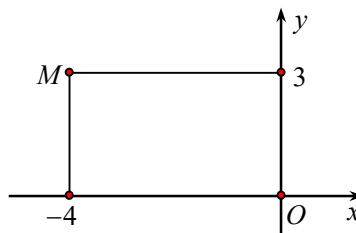
**Câu 7.** Cho hình phẳng  $(D)$  giới hạn bởi đồ thị hàm số  $y = -x^2 + 3x - 2$ , trục hoành và hai đường thẳng  $x = 1, x = 2$ . Quay  $(D)$  xung quanh trục hoành được khối tròn xoay có thể tích bằng

- A.  $V = \int_1^2 |x^2 - 3x + 2| dx.$                       B.  $V = \int_1^2 |x^2 - 3x + 2|^2 dx.$   
 C.  $V = \pi \int_1^2 (x^2 - 3x + 2)^2 dx.$                       D.  $V = \pi \int_1^2 |x^2 - 3x + 2| dx.$

**Câu 8.** Tìm Số phức  $z$  thỏa mãn  $\bar{z} = -3 - 4i$ .

- A.  $z = -3 + 4i.$                       B.  $z = 3 + 4i.$                       C.  $z = 3 - 4i.$                       D.  $z = 3 + 4i.$

**Câu 9.** Cho điểm  $M$  là điểm biểu diễn của số phức  $z$  như hình vẽ. Tìm phần thực và phần ảo của số phức  $z$ .



- A. Phần thực là 3 và phần ảo là -4.                      B. Phần thực là -4 và phần ảo là  $3i$ .  
 C. Phần thực là 3 và phần ảo là  $-4i$ .                      D. Phần thực là -4 và phần ảo là 3.

**Câu 10.** Tìm số phức liên hợp của số phức  $z = 3(2 + 3i) - 4(2i - 1)$ .

- A.  $\bar{z} = 10 - i$ .      B.  $\bar{z} = 10 + 3i$ .      C.  $\bar{z} = 2 - i$ .      D.  $\bar{z} = 10 + i$ .

**Câu 11.** Cho số phức  $z = 3 - 4i$ . Mệnh đề nào dưới đây **sai**?

- A. Môđun của số phức  $z$  bằng 5.  
 B. Số phức liên hợp của số phức  $z$  là  $\bar{z} = -3 - 4i$ .  
 C. Phần thực và phần ảo của  $z$  lần lượt là 3 và  $-4$ .  
 D. Biểu diễn số phức  $z$  lên mặt phẳng tọa độ là điểm  $M(3; -4)$ .

**Câu 12.** Cho số phức  $z$  thỏa mãn  $(1 + 3i)z - 5 = 7i$ . Mệnh đề nào sau đây đúng?

- A.  $z = -\frac{13}{5} + \frac{4}{5}i$ .      B.  $z = \frac{13}{5} - \frac{4}{5}i$ .      C.  $z = -\frac{13}{5} - \frac{4}{5}i$ .      D.  $z = -\frac{13}{5} + \frac{4}{5}i$ .

**Câu 13.** Cho hai số phức  $z = 1 + 3i$ ,  $w = 2 - i$ . Tìm phần ảo của số phức  $x = \bar{z} \cdot w$ .

- A. 5.      B.  $-7i$ .      C.  $-7$ .      D.  $5i$ .

**Câu 14.** Gọi  $z_0$  là nghiệm phức có phần ảo âm của phương trình  $z^2 - 6z + 13 = 0$ . Tìm số phức  $w = z_0 + i$ .

- A.  $w = 3 + 2i$ .      B.  $w = 3 - 2i$ .      C.  $w = 3 - i$ .      D.  $w = 3 - 3i$ .

**Câu 15.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho hai điểm  $A(1; 2; -4)$  và  $B(-3; 2; 2)$ . Tọa độ của vectơ  $\overrightarrow{AB}$  là

- A.  $(-2; 4; -2)$ .      B.  $(-4; 0; 6)$ .      C.  $(4; 0; -6)$ .      D.  $(-2; 4; -2)$ .

**Câu 16.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho mặt phẳng  $(P): \frac{x}{3} + \frac{y}{2} + \frac{z}{1} = 1$ . Vectơ nào dưới đây là một vectơ pháp tuyến của mặt phẳng  $(P)$ ?

- A.  $\vec{n} = \left(1; \frac{1}{2}; \frac{1}{3}\right)$ .      B.  $\vec{n} = (3; 2; 1)$ .      C.  $\vec{n} = (6; 3; 2)$ .      D.  $\vec{n} = (2; 3; 6)$ .

**Câu 17.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho  $\vec{u} = 3\vec{i} - 2\vec{j} + 2\vec{k}$ . Tìm tọa độ của  $\vec{u}$ .

- A.  $\vec{u} = (2; 3; -2)$ .      B.  $\vec{u} = (3; 2; -2)$ .      C.  $\vec{u} = (3; -2; 2)$ .      D.  $\vec{u} = (-2; 3; 2)$ .

**Câu 18.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho ba điểm  $A(1; 2; 0)$ ,  $B(2; 4; 4)$  và  $C(1; -3; -5)$ . Phương trình mặt phẳng  $(ABC)$  là

- A.  $2x + y - z - 4 = 0$ .      B.  $2x + y - z + 4 = 0$ .      C.  $x + 2y - z + 4 = 0$ .      D.  $2x + y + z - 4 = 0$ .

**Câu 19.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho đường thẳng  $(d): \begin{cases} x = 1 - 3t \\ y = 2 + t \\ z = 3 + 2t \end{cases} (t \in \mathbb{R})$ . Vectơ nào dưới đây là một

vectơ chỉ phương của  $(d)$ ?

- A.  $\vec{u}_1 = (1; 2; 3)$ .      B.  $\vec{u}_1 = (-3; 1; 2)$ .      C.  $\vec{u}_1 = (1; 2; -3)$ .      D.  $\vec{u}_1 = (3; -1; 2)$ .

**Câu 20.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho mặt cầu  $(S): x^2 + y^2 + z^2 - 6x + 4y - 2z + 5 = 0$  và đường thẳng  $d: \frac{x-2}{1} = \frac{y+3}{1} = \frac{z+1}{-5}$ . Mặt phẳng  $(P)$  vuông góc với đường thẳng  $d$  và đi qua tâm của mặt cầu  $(S)$  có phương trình là

- A.  $(P): 3x - 2y + z - 6 = 0$ .      B.  $(P): x + y - 5z - 4 = 0$ .  
 C.  $(P): x + y - 5z + 4 = 0$ .      D.  $(P): 3x - 2y + z + 6 = 0$ .

**Câu 21.** Cho hàm số  $f(x)$  có đạo hàm trên  $[0; 1]$ ,  $f(0) = 1$ ,  $f(1) = -2$ , tính  $I = \int_1^0 f'(x) dx$ .

- A.  $I = 1$ .      B.  $I = -2$ .      C.  $I = 3$ .      D.  $I = -3$ .

**Câu 22.** Hàm số nào sau đây **không** phải là một nguyên hàm của hàm số  $f(x) = (3x + 1)^5$ ?

A.  $F(x) = \frac{(3x+1)^6}{18} + 8$ . B.  $F(x) = \frac{(3x+1)^6}{18} - 2$ . C.  $F(x) = \frac{(3x+1)^6}{18}$ . D.  $F(x) = \frac{(3x+1)^6}{6}$ .

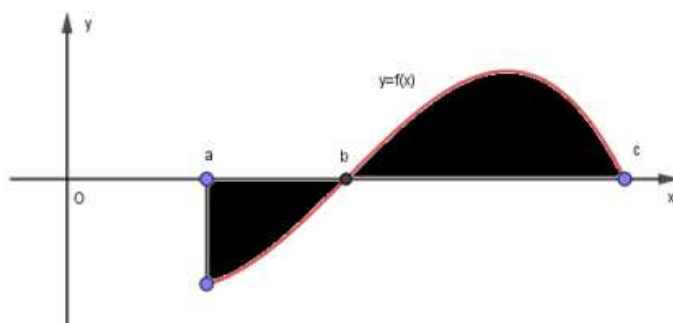
**Câu 23.** Tìm nguyên hàm  $F(x)$  của hàm số  $f(x) = 2x - 3 \cos x$  thỏa  $F\left(\frac{\pi}{2}\right) = 3$ .

A.  $F(x) = x^2 - 3 \sin x + 6 + \frac{\pi^2}{4}$ . B.  $F(x) = x^2 - 3 \sin x - \frac{\pi^2}{4}$ .  
 C.  $F(x) = x^2 - 3 \sin x + \frac{\pi^2}{4}$ . D.  $F(x) = x^2 - 3 \sin x + 6 - \frac{\pi^2}{4}$ .

**Câu 24.** Tích phân  $I = \int_1^4 \frac{\ln x}{x} dx$  bằng

A.  $\sqrt{2} \ln 2$ . B.  $\ln 2$ . C.  $2 \ln 2$ . D.  $2 \ln^2 2$ .

**Câu 25.** Cho hàm số  $y = f(x)$  liên tục trên  $[a; b]$ . Diện tích  $S$  của miền tô đen trong hình vẽ bằng



A.  $S = \int_a^b f(x) dx - \int_b^c f(x) dx$ . B.  $S = -\int_a^b f(x) dx - \int_b^c f(x) dx$ .  
 C.  $S = -\int_a^b f(x) dx + \int_b^c f(x) dx$ . D.  $S = \int_a^b f(x) dx + \int_b^c f(x) dx$ .

**Câu 26.** Cho hình phẳng  $(D)$  được giới hạn bởi các đường  $x = 0$ ,  $x = \pi$ ,  $y = 0$  và  $y = -\sin x$ . Thể tích  $V$  của khối tròn xoay tạo thành khi quay  $(D)$  xung quanh trục  $Ox$  được tính theo công thức nào dưới đây?

A.  $V = \pi \int_0^\pi |\sin x| dx$ . B.  $V = \pi \int_0^\pi \sin^2 x dx$ . C.  $V = \pi \left| \int_0^\pi (-\sin x) dx \right|$ . D.  $V = \pi \int_0^\pi \sin^2 x dx$ .

**Câu 27.** Tìm cặp số thực  $x, y$  thỏa mãn:  $x + 2y + (2x - y)i = 2 + y + (x + 2)i$ .

A.  $x = 2; y = 0$ . B.  $x = 0; y = \frac{2}{3}$ . C.  $x = 2; y = -\frac{2}{3}$ . D.  $x = -2; y = \frac{1}{2}$ .

**Câu 28.** Cho số phức  $z$  thỏa mãn  $z = 2 - (5 + z)i$ . Môđun của số phức  $z$  bằng

A.  $\sqrt{58}$ . B.  $\frac{29}{2}$ . C.  $\frac{\sqrt{58}}{2}$ . D.  $\sqrt{29}$ .

**Câu 29.** Số phức nghịch đảo của số phức  $z = 1 + 3i$  là

A.  $-1 - 3i$ . B.  $1 - 3i$ . C.  $\frac{1}{\sqrt{10}}(1 - 3i)$ . D.  $\frac{1}{10}(1 - 3i)$ .

**Câu 30.** Rút gọn biểu thức  $A = 1 + i^2 + i^4 + i^6 + \dots + i^{20}$  ta được

A.  $A = 0$ . B.  $A = 1$ . C.  $A = -1$ . D.  $A = -i$ .

**Câu 31.** Trên tập hợp số phức, gọi  $z_1, z_2, z_3$  là ba nghiệm của phương trình  $z^3 - 1 = 0$ .

Tính  $S = |z_1| + |z_2| + |z_3|$ .

A.  $S = 1$ . B.  $S = 4$ . C.  $S = 2$ . D.  $S = 3$ .

**Câu 32.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho mặt cầu  $(S): x^2 + y^2 + z^2 - 2x - 2y + 2z - 1 = 0$ . Mặt phẳng nào sau đây tiếp xúc với mặt cầu  $(S)$ ?

- A.  $2x + y - 2z + 1 = 0$ .    B.  $x + 2y + 2z - 1 = 0$ .    C.  $2x - y - 2z + 1 = 0$ .    D.  $2x - 2y - z - 2 = 0$ .

**Câu 33.** Trong không gian  $Oxyz$ , mặt phẳng  $(P)$  song song với hai đường thẳng  $\Delta_1: \frac{x-2}{2} = \frac{y+1}{-3} = \frac{z}{4}$  và

$$\Delta_2: \begin{cases} x = 2 + t \\ y = 3 + 2t \\ z = 1 - t \end{cases}. \text{ Một vectơ pháp tuyến của } (P) \text{ là}$$

- A.  $\vec{n} = (5; -6; 7)$ .    B.  $\vec{n} = (-5; 6; 7)$ .    C.  $\vec{n} = (-5; 6; -7)$ .    D.  $\vec{n} = (-5; -6; 7)$ .

**Câu 34.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho mặt phẳng  $(P)$  có phương trình  $3x - 4y + 5z + 6 = 0$ . Mặt phẳng  $(Q)$  qua  $A(1; 2; 1)$  và song song với mặt phẳng  $(P)$  có phương trình là

- A.  $3x - 4y + 5z - 4 = 0$ .    B.  $3x - 4y + 5z = 0$ .    C.  $3x - 4y + 5z - 1 = 0$ .    D.  $3x - 4y + 5z - 16 = 0$ .

**Câu 35.** Trong không gian  $Oxyz$ , tìm tọa độ điểm  $M$  là giao điểm của đường thẳng  $d: \begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 2 - t \\ z = -2 - 2t \end{cases}$  và mặt

phẳng  $x + 2y - z - 9 = 0$ .

- A.  $M(5; 0; 1)$ .    B.  $M(-1; 3; 0)$ .    C.  $M(1; 2; -2)$ .    D.  $M(3; 1; -4)$ .

## II. TỰ LUẬN

**Câu 36.** Tính tích phân  $I = \int_0^{\frac{\pi}{4}} \tan^4 x dx$ .

**Câu 37.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho mặt cầu  $(S): (x-1)^2 + (y-1)^2 + (z-1)^2 = 9$ . Viết phương trình mặt phẳng tiếp xúc với mặt cầu  $(S)$  tại điểm  $M(0; -1; 3)$ .

**Câu 38.** Tìm số phức  $z$  có môđun nhỏ nhất và thỏa mãn điều kiện  $|z - 2 - 4i| = |z - 2i|$ .

**Câu 39.** Một ô tô đang chuyển động thẳng với vận tốc  $v_0 = 15$  (m/s) thì tăng tốc với gia tốc

$a(t) = t^2 + 4t$  (m/s<sup>2</sup>). Tính quãng đường ô tô đi được trong khoảng thời gian 3 giây kể từ lúc bắt đầu tăng vận tốc.

.....Hết.....

## ĐỀ SỐ 2 - ÔN TẬP CUỐI KỲ II LỚP 12

### I. TRẮC NGHIỆM

**Câu 1.** Xét các hàm số  $f(x), g(x)$  tùy ý, liên tục trên khoảng  $K$ . Mệnh đề nào dưới đây đúng?

- A.  $\int (f(x) - g(x)) dx = \int f(x) dx + \int g(x) dx$ .    B.  $\int (f(x) - g(x)) dx = \int f(x) dx - \int g(x) dx$ .  
C.  $\int (f(x) - g(x)) dx = \int g(x) dx - \int f(x) dx$ .    D.  $\int (f(x) - g(x)) dx = \int f(x) dx \cdot \int g(x) dx$ .

**Câu 2.** Mệnh đề nào dưới đây đúng?

- A.  $\int 3^x dx = \frac{3^x}{\ln 3} + C$ .    B.  $\int 3^x dx = 3^x \ln 3 + C$ .    C.  $\int 3^x dx = 3^x + C$ .    D.  $\int 3^x dx = x \cdot 3^{x-1} + C$ .

**Câu 3.** Cho hàm số  $f(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R}$ . Mệnh đề nào dưới đây đúng?

- A.  $\int_1^2 9f(x) dx = 9 \int_1^2 f(x) dx$ .    B.  $\int_1^2 9f(x) dx = 9 + \int_1^2 f(x) dx$ .  
C.  $\int_1^2 9f(x) dx = \int_1^2 9 dx \cdot \int_1^2 f(x) dx$ .    D.  $\int_1^2 9f(x) dx = \frac{1}{9} \int_1^2 f(x) dx$ .

**Câu 4.** Cho hàm số  $f(x)$  liên tục trên đoạn  $[a; b]$ . Khi đó  $\int_a^b f(x)dx$  bằng

- A. 0.                      B.  $\int_b^a f(x)dx$ .                      C.  $-\int_b^a f(x)dx$ .                      D.  $\int_a^b \frac{1}{f(x)} dx$ .

**Câu 5.** Diện tích  $S$  của hình phẳng giới hạn bởi các đường  $y = f(x), y = g(x)$  liên tục, trục hoành và hai đường thẳng  $x = a, x = b$  được tính theo công thức nào dưới đây ?

- A.  $S = \pi \int_a^b f(x) - g(x) dx$ .                      B.  $S = \int_a^b f(x) - g(x) dx$ .  
C.  $S = \int_a^b |f(x) - g(x)| dx$ .                      D.  $S = \pi \int_a^b (f(x) - g(x))^2 dx$ .

**Câu 6.** Cho hình phẳng giới hạn bởi đồ thị của hàm số  $y = f(x)$  liên tục và không âm trên đoạn  $[0; 4]$ , trục  $Ox$  và hai đường thẳng  $x = 0, x = 4$  quay quanh trục  $Ox$ , ta được khối tròn xoay. Thể tích  $V$  của khối tròn xoay này được tính theo công thức nào dưới đây ?

- A.  $V = \pi \int_0^4 [f(x)]^2 dx$ .                      B.  $V = \int_0^4 [f(x)]^2 dx$ .                      C.  $V = \int_0^4 f(x) dx$ .                      D.  $V = \pi \int_0^4 f(x) dx$ .

**Câu 7.** Tính thể tích  $V$  của phần vật thể giới hạn bởi hai mặt phẳng  $x = a, x = b$  biết rằng khi cắt vật thể bởi mặt phẳng tùy ý vuông góc với trục  $Ox$  tại điểm có hoành độ  $x$  ( $a \leq x \leq b$ ) thì được thiết diện có diện tích là  $S(x)$ .

- A.  $V = \pi \int_a^b S^2(x) dx$ .                      B.  $V = \int_a^b S(x) dx$ .                      C.  $V = \int_a^b S^2(x) dx$ .                      D.  $V = \pi \int_a^b S(x) dx$ .

**Câu 8.** Phần ảo của số phức  $z = -2 + 7i$  bằng

- A. 2.                      B.  $7i$ .                      C. 7.                      D. -2.

**Câu 9.** Số phức liên hợp của số phức  $z = -5 + i$  là

- A.  $\bar{z} = -5 - i$ .                      B.  $\bar{z} = 1 - 5i$ .                      C.  $\bar{z} = 5 + i$ .                      D.  $\bar{z} = -5 + i$ .

**Câu 10.** Môđun của số phức  $z = 6 - 8i$  bằng

- A. 5.                      B. 10.                      C. 6.                      D. 8.

**Câu 11.** Trên mặt phẳng tọa độ, điểm  $P(2; 3)$  biểu diễn của số phức nào ?

- A.  $z = 2 - 3i$ .                      B.  $z = 3 + 2i$ .                      C.  $z = 2 + 3i$ .                      D.  $z = -3 - 2i$ .

**Câu 12.** Cho hai số phức  $z_1 = 8 + i$  và  $z_2 = -2 - 3i$ . Số phức  $z_1 + z_2$  bằng

- A.  $10 + 4i$ .                      B.  $6 - 2i$ .                      C.  $6 + 2i$ .                      D.  $10 - 4i$ .

**Câu 13.** Cho hai số phức  $z_1 = 1 - i$  và  $z_2 = -4 + 3i$ . Số phức  $z_1 - z_2$  bằng

- A.  $-3 - 2i$ .                      B.  $5 - 2i$ .                      C.  $3 - 4i$ .                      D.  $5 - 4i$ .

**Câu 14.** Các căn bậc hai của số thực  $a$  âm là

- A.  $\pm \sqrt{|a|}$ .                      B.  $\pm i \sqrt{|a|}$ .                      C.  $\pm 1$ .                      D.  $\pm i$ .

**Câu 15.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho  $\vec{OM} = \vec{i} + 3\vec{j} - \vec{k}$ . Tọa độ của điểm  $M$  là

- A.  $(1; 3; -1)$ .                      B.  $(-1; 3; 1)$ .                      C.  $(3; -1; 1)$ .                      D.  $(3; 1; -1)$ .

**Câu 16.** Trong không gian  $Oxyz$ , với mọi bộ ba số thực  $A, B, C$  không đồng thời bằng 0, phương trình nào sau đây luôn là phương trình mặt phẳng ?

- A.  $Ax^2 + By + Cz + D = 0$ .                      B.  $Ax^2 + By^2 + Cz^2 + D = 0$ .  
C.  $Ax + By + Cz + D = 0$ .                      D.  $\frac{A}{x} + \frac{B}{y} + \frac{C}{z} + \frac{1}{D} = 0$ .

**Câu 17.** Trong không gian  $Oxyz$ , gọi  $\vec{n}_1, \vec{n}_2$  lần lượt là hai vectơ pháp tuyến của hai mặt phẳng  $(P), (Q)$ . Điều kiện để  $(P) \perp (Q)$  là

- A.  $\vec{n}_1, \vec{n}_2 = 0$ .                      B.  $\vec{n}_1, \vec{n}_2 = 1$ .                      C.  $\vec{n}_1, \vec{n}_2 = -1$ .                      D.  $\vec{n}_1, \vec{n}_2 = 10$ .

**Câu 18.** Trong không gian  $Oxyz$ , vectơ nào dưới đây là một vectơ chỉ phương của đường thẳng  $\begin{cases} x = t \\ y = 5 - 3t \\ z = -4 - t \end{cases}$

A.  $\vec{u}_1 = (1; 5; -4)$ .      B.  $\vec{u}_2 = (1; -3; -1)$ .      C.  $\vec{u}_3 = (0; 5; -4)$ .      D.  $\vec{u}_4 = (0; -3; -1)$ .

**Câu 19.** Trong không gian  $Oxyz$ , điểm nào dưới đây thuộc đường thẳng  $d : \begin{cases} x = 1 + 5t \\ y = 2 - 7t \\ z = -3 + t \end{cases}$

A.  $M_1(1; 2; 1)$ .      B.  $M_2(5; -7; 1)$ .      C.  $M_3(1; 2; -3)$ .      D.  $M_4(1; -7; 1)$ .

**Câu 20.** Trong không gian  $Oxyz$ , gọi  $\vec{a}, \vec{a}'$  lần lượt là hai vectơ chỉ phương của hai đường thẳng  $d, d'$  và  $M$  là một điểm thuộc  $d$ . Điều kiện đủ để  $d$  trùng  $d'$  là

- A.  $\begin{cases} \vec{a} = k\vec{a}' \\ M \in d' \end{cases}$       B.  $\begin{cases} \vec{a} = k\vec{a}' \\ M \notin d' \end{cases}$       C.  $\vec{a} = k\vec{a}'$ .      D.  $\vec{a}, \vec{a}'$  không cùng phương.

**Câu 21.** Họ nguyên hàm của hàm số  $f(x) = \cos 4x$  là

- A.  $-\frac{1}{4}\sin 4x + C$ .      B.  $\frac{1}{4}\sin 4x + C$ .      C.  $-4\sin 4x + C$ .      D.  $4\sin 4x + C$ .

**Câu 22.** Mệnh đề nào dưới đây đúng ?

- A.  $\int \frac{\ln x}{x^2} dx = -\frac{1}{x} \ln x + \int \frac{1}{x^2} dx + C$ .      B.  $\int \frac{\ln x}{x^2} dx = \frac{1}{x} \ln x - \int \frac{1}{x^2} dx + C$ .  
 C.  $\int \frac{\ln x}{x^2} dx = -\frac{1}{x} \ln x - \int \frac{1}{x^2} dx + C$ .      D.  $\int \frac{\ln x}{x^2} dx = -\frac{1}{x^3} + \int \ln x dx + C$ .

**Câu 23.** Cho hàm số  $f(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R}$ , thỏa mãn  $\int_1^4 f(x) dx = 11$  và  $\int_{10}^4 f(x) dx = -3$ . Giá trị của  $\int_1^{10} f(x) dx$  bằng

- A.  $-8$ .      B.  $8$ .      C.  $14$ .      D.  $33$ .

**Câu 24.** Biết kết quả của tích phân  $I = \int_1^3 (x+1)e^x dx$  được viết dưới dạng  $I = ae^3 + be$  với  $a, b$  là các số hữu tỷ. Tính  $ab$ .

- A.  $ab = 2$ .      B.  $ab = -2$ .      C.  $ab = 3$ .      D.  $ab = -3$ .

**Câu 25.** Diện tích hình phẳng giới hạn bởi hai đồ thị hàm số  $y = x^2$  và  $y = 3x - 2$  bằng

- A.  $S = \frac{1}{6}$ .      B.  $S = 1$ .      C.  $S = -\frac{1}{6}$ .      D.  $S = \frac{13}{6}$ .

**Câu 26.** Tính thể tích  $V$  của phần vật thể nằm giữa hai mặt phẳng  $x = 0$  và  $x = \pi$ , biết rằng thiết diện của vật thể bị cắt bởi mặt phẳng vuông góc với trục  $Ox$  tại điểm có hoành độ  $x$  ( $0 \leq x \leq \pi$ ) là một hình thoi cạnh  $2\sqrt{\sin x}$  và có một góc bằng  $\frac{2\pi}{3}$ .

- A.  $V = 2\sqrt{3}$ .      B.  $V = 2\sqrt{6}$ .      C.  $V = 3\sqrt{3}$ .      D.  $V = 4\sqrt{3}$ .

**Câu 27.** Tìm các số thực  $x, y$  thỏa mãn  $x(3+5i) + y(-11+2i) = -35+23i$ .

- A.  $(x; y) = (3; -4)$ .      B.  $(x; y) = (-3; -4)$ .      C.  $(x; y) = (3; 4)$ .      D.  $(x; y) = (-3; 4)$ .

**Câu 28.** Cho số phức  $z = (m-1) + (m-2)i$  ( $m \in \mathbb{R}$ ). Tìm tất cả các giá trị của  $m$  để  $|z| \leq \sqrt{5}$ .

- A.  $-3 \leq m \leq 0$ .      B.  $0 \leq m \leq 3$ .      C.  $0 < m < 3$ .      D.  $\begin{cases} m \leq 3 \\ m \geq 0 \end{cases}$ .

**Câu 29.**  $[(1+5i) - (1+3i)]^5$  bằng

- A.  $-32i$ .      B.  $32$ .      C.  $32i$ .      D.  $-32$ .

**Câu 30.** Cho hai số phức  $z_1 = 2 - 6i$  và  $z_2 = 1 - 2i$ . Số phức  $\frac{\overline{z_1}}{z_2}$  bằng

- A.  $-2 + 2i$ .      B.  $\frac{14}{5} - \frac{2}{5}i$ .      C.  $-1 + 3i$ .      D.  $\frac{3}{2} - \frac{1}{2}i$ .

**Câu 31.** Gọi  $z_1, z_2$  là hai nghiệm phức của phương trình  $z^2 - 3z + 7 = 0$ , trong đó  $z_1$  có phần ảo dương. Số phức  $z_1 + 2z_2$  bằng

- A.  $9 + \sqrt{19}i$ .      B.  $\frac{9}{2} + \frac{\sqrt{19}}{2}i$ .      C.  $\frac{9}{2} - \frac{\sqrt{19}}{2}i$ .      D.  $7 + \sqrt{8}i$ .

**Câu 32.** Cho hai điểm  $A(-1; 1; 3), B(0; 4; 2)$ , độ dài đoạn  $AB$  bằng

- A.  $\sqrt{11}$ .      B.  $\sqrt{51}$ .      C.  $\sqrt{11} + 2\sqrt{5}$ .      D.  $\sqrt{5}$ .

**Câu 33.** Trong không gian  $Oxyz$ , vectơ nào dưới đây là một vectơ pháp tuyến của mặt phẳng  $(P): x - 2y + 3z + 1 = 0$  ?

- A.  $\vec{n}_1 = (1; 2; 3)$ .      B.  $\vec{n}_2 = (-2; 3; 1)$ .      C.  $\vec{n}_3 = (1; -2; 3)$ .      D.  $\vec{n}_4 = (3; 1; -2)$ .

**Câu 34.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho điểm  $M(-3; 1; -4)$  và mặt phẳng  $(\alpha): 2x - 5y + 2z + 7 = 0$ . Mặt phẳng đi qua  $M$  và song song với  $(\alpha)$  có phương trình là

- A.  $2x - 5y + 2z + 26 = 0$ .      B.  $2x - 5y + 2z + 19 = 0$ .      C.  $2x - 5y + 2z + 29 = 0$ .      D.  $2x - 5y + 2z + 9 = 0$ .

**Câu 35.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho điểm  $M(2; 3; -5)$  và đường thẳng  $(d): \begin{cases} x = 1 - 6t \\ y = 3t \\ z = -2 + 4t \end{cases}$ . Đường thẳng đi qua  $M$  và song song với  $(d)$  có phương trình là

- A.  $\frac{x-2}{1} = \frac{y-3}{3} = \frac{z+5}{-2}$ .      B.  $\frac{x+2}{-6} = \frac{y+3}{3} = \frac{z-5}{4}$ .      C.  $\frac{x-2}{-6} = \frac{y-3}{3} = \frac{z+5}{4}$ .      D.  $\frac{x-1}{2} = \frac{y}{3} = \frac{z+2}{-5}$ .

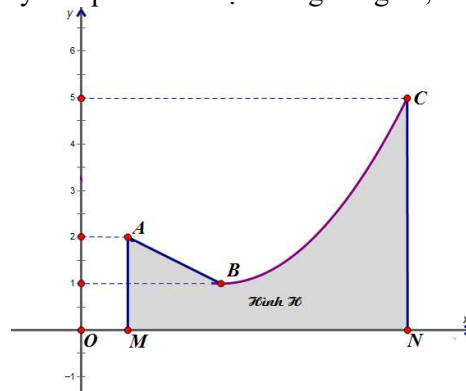
## II. TỰ LUẬN

**Câu 36.** Tính tích phân  $I = \int_0^1 x(1-x)^{19} dx$ .

**Câu 38.** Trong không gian  $Oxyz$ , viết phương trình mặt phẳng  $(P)$  chứa trục  $Ox$  đồng thời vuông góc với mặt phẳng  $(Q): 2x - y + z - 5 = 0$ .

**Câu 38.** Cho số phức  $z$  thỏa mãn điều kiện  $|z - 3 + 4i| \leq 2$ . Trên mặt phẳng tọa độ, tập hợp điểm biểu diễn số phức  $w = 2z + 1 - i$  là một hình tròn. Tính diện tích hình tròn này.

**Câu 39.** Một nghệ nhân ở Làng nghề gốm Phước Tích (Thừa Thiên-Huế) làm một cái lọ có dạng khối tròn xoay được tạo thành khi quay hình phẳng  $(H)$  (như trên hình vẽ) quanh trục  $Ox$ . Đoạn  $AB$  thuộc đường thẳng  $\Delta: y = \frac{5-x}{2}$ ; còn cung  $BC$  thuộc parabol  $(P): y = \frac{x^2 - 6x + 13}{4}$ ; biết miệng lọ và đáy lọ có bán kính lần lượt là 2 cm và 5 cm. Giả thiết rằng bề dày của phần thân lọ không đáng kể, hãy tính thể tích của lọ.



.....Hết.....





**Câu 10.** Trong không gian  $Oxyz$  cho  $\vec{x} = 2\vec{i} + 3\vec{j} - \vec{k}$ . Tọa độ của  $\vec{x}$  là

- A.  $\vec{x} = (-1; 2; 3)$ .      B.  $\vec{x} = (2; 3; -1)$ .      C.  $\vec{x} = (3; 2; -1)$ .      D.  $\vec{x} = (2; -1; 3)$ .

**Câu 11.** Cho hình phẳng  $D$  giới hạn bởi các đường  $y = (x - 2)^2$ ,  $y = 0$ ,  $x = 0$ ,  $x = 2$ . Khối tròn xoay tạo thành khi quay  $D$  quanh trục hoành có thể tích  $V$  bằng bao nhiêu?

- A.  $V = \frac{32}{5\pi}$ .      B.  $V = 32\pi$ .      C.  $V = \frac{32}{5}$ .      D.  $V = \frac{32\pi}{5}$ .

**Câu 12.** Gọi  $a, b$  lần lượt là phần thực và phần ảo của số phức  $z = |1 - \sqrt{3}i|(1 + 2i) + |3 - 4i|(2 + 3i)$ . Giá trị của  $a - b$  là

- A.  $-31$ .      B.  $7$ .      C.  $-7$ .      D.  $31$ .

**Câu 13.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho ba điểm  $M(-2; 0; 0)$ ,  $N(0; 1; 0)$ ,  $P(0; 0; 2)$ . Tìm phương trình của mặt phẳng  $(MNP)$ .

- A.  $\frac{x}{-2} + \frac{y}{1} + \frac{z}{2} = 0$ .      B.  $\frac{x}{-2} + \frac{y}{1} + \frac{z}{-2} = 1$ .      C.  $\frac{x}{-2} + \frac{y}{1} + \frac{z}{2} = 1$ .      D.  $\frac{x}{-2} + \frac{y}{-1} + \frac{z}{2} = 0$ .

**Câu 14.** Cho số phức  $z = 3 - 2i$ . Tìm số phức  $w = \frac{5z}{2-i} - 2\bar{z}$ .

- A.  $w = 2 + 5i$ .      B.  $w = -2 - 5i$ .      C.  $w = -2 + 5i$ .      D.  $w = 2 - 5i$ .

**Câu 15.** Cho hai số phức:  $z_1 = 2 + 5i$ ,  $z_2 = 3 - 4i$ . Tìm số phức  $z = z_1 z_2$ .

- A.  $z = 6 - 20i$ .      B.  $z = 26 + 7i$ .      C.  $z = 6 + 20i$ .      D.  $z = 26 - 7i$ .

**Câu 16.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho đường thẳng  $\Delta: \frac{x-2}{-3} = \frac{y}{1} = \frac{z+1}{2}$ . Tọa độ điểm  $M$  là giao điểm của

$\Delta$  với mặt phẳng  $(P): x + 2y - 3z + 2 = 0$  là

- A.  $M(2; 0; -1)$ .      B.  $M(-1; 1; 1)$ .      C.  $M(5; -1; -3)$ .      D.  $M(1; 0; 1)$ .

**Câu 17.** Cho hai hàm số  $f(x), g(x)$  liên tục trên  $[1; 3]$  thỏa mãn  $\int_1^3 f(x)dx = 1$ ,  $\int_1^3 g(x)dx = 3$ . Tính

$$\int_1^3 [f(x) - 2g(x)]dx.$$

- A.  $5$ .      B.  $\frac{5}{2}$ .      C.  $-1$ .      D.  $1$ .

**Câu 18.** Tìm số phức liên hợp của số phức  $z = -i$ .

- A.  $1$ .      B.  $-i$ .      C.  $i$ .      D.  $-1$ .

**Câu 19.** Cho hai số phức  $z_1 = 1 + 2i$ ,  $z_2 = 2 - 3i$ . Tổng của hai số phức  $z_1$  và  $z_2$  là

- A.  $3 - 5i$ .      B.  $3 + 5i$ .      C.  $3 - i$ .      D.  $3 + i$ .

**Câu 20.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho điểm  $H(1; 2; 3)$ . Mặt phẳng  $P$  đi qua điểm  $H$ , cắt  $Ox, Oy, Oz$  tại  $A, B, C$  sao cho  $H$  là trọng tâm của tam giác  $ABC$ . Phương trình của mặt phẳng  $P$  là

- A.  $(P): x + 3y + 2z - 13 = 0$       B.  $(P): 3x + y + 2z - 11 = 0$   
C.  $(P): 3x + 2y + z - 10 = 0$       D.  $(P): x + 2y + 3z - 14 = 0$

**Câu 21.** Khẳng định nào sau đây đúng?

- A.  $\int x(x^2 + 7)^{15} dx = \frac{1}{2}(x^2 + 7)^{16} + C$ .      B.  $\int x(x^2 + 7)^{15} dx = \frac{1}{32}(x^2 + 7)^{16} + C$ .  
C.  $\int x(x^2 + 7)^{15} dx = \frac{1}{32}(x^2 + 7)^{16}$ .      D.  $\int x(x^2 + 7)^{15} dx = \frac{1}{16}(x^2 + 7)^{16}$ .

**Câu 22.** Cho số phức  $z$  thỏa mãn  $z + 2i\bar{z} = 1 + 17i$ . Khi đó  $|z|$  bằng

- A.  $|z| = \sqrt{142}$ .      B.  $|z| = 12$ .      C.  $|z| = \sqrt{148}$ .      D.  $|z| = \sqrt{146}$ .

**Câu 23.** Số phức  $z$  thỏa mãn  $z + 2\bar{z} = 12 - 2i$  có: