



MỤC LỤC

1	Quy tắc c@ng. Quy tắc nhân. Sơ đồ hình cây	3
1	Quy tắc c@ng	3
2	Quy tắc nhân	3
3	Sơ đồ hình cây	4
4	V@n dụng trong bài toán đếm	4
5	Bài t@p	6
2	HOÁN VỊ - CHỈNH HÑP.....	10
1	HOÁN VỊ	10
2	CHỈNH HÑP	10
3	BÀI TŠ P VŠ N DỤNG.....	11
3	TÕ HÑP.....	14
1	Định nghĩa.....	14
2	Số các tõ hợp	14
3	Tính chất của các số C_n^k	15
4	Bài t@p	15
4	Nhị thác Newton	17
1	Công thức nhị thác Newton.....	17
2	Bài t@p	18
5	Bài t@p cuối chmong V.....	20
6	Số gần đúng. Sai số	23
1	Số gần đúng.....	23
2	Sai số của số gần đúng	23
3	Số quy tròn. Quy tròn số đúng và số gần đúng	24
7	CÁC SỐ D• C TR7NG DO XU THẾ TRUNG TÂM CHO MÁU SỐ LINU KHÔNG GHÉP NHÓM	27
1	Số trung bình c@ng (số trung bình)	27
2	Trung vị	28
3	Tá phân vị	29
4	Mốt.....	30
5	Tính hợp lý của máu số li»u	30
8	CÁC SỐ D• C TR7NG DO MÚC DỘ PHÂN TÁN CHO MÁU SỐ LINU KHÔNG GHÉP NHÓM	34
1	Khoảng biến thiêん, khoảng tá phân vị	34
2	Phmong sai.....	35
3	D@ l»nh chuñ	37
4	Tính hợp lí của số li»u thống kê.....	37
5	Bài t@p	38
9	Xác Suất Của Biển Cố Trong M@t Só Trò Choi Dơn Giản	41
1	Xác suất của biển cố trong trò chơi tung đồng xu	41
2	Xác suất của biển cố trong trò chơi gieo xúc xắc.....	42
3	Bài t@p	43
10	XÁC SUẤT CỦA BIỀN CỐ.....	45
1	M@t số khái ni»m về xác suất	45
2	Tính chất của xác suất	48
3	Nguyên lí xác suất bé.....	48





4	Bài t ^a p	48
11	Bài t ^a p cuối chmơng	51
12	Tọa d ^R của véc-tơ	55
1	Tọa d ^R của m ^R t diẽm	55
2	Tọa d ^R của m ^R t véc-tơ	55
3	Liên h ^o giăa tọa d ^R của diẽm và tọa d ^R của véc-tơ	57
4	Bài t ^a p	59
13	Biểu thác tọa d ^R của các phép toán véc-tơ	62
1	Biểu thác tọa d ^R của phép c ^R ng hai véc-tơ, phép trà hai véc-tơ, phép nhân m ^R số với m ^R t véc-tơ	62
2	Toa d ^R trung diẽm đoạn thăng và tọa d ^R trọng tâm tam giác	63
3	Biểu thác tọa d ^R của tích vô hmóng	64
4	Bài t ^a p	65
14	Phmơng trình dmòng thăng	68
1	Phmơng trình tham số của dmòng thăng	68
2	Phmơng trình tǒng quát của dmòng thăng	69
3	Nhǎng dạng d ^c bi»t của phmơng trình tǒng quát	70
4	L ^a p phmơng trình dmòng thăng	71
5	Bài t ^a p	72
15	Vị trí tmong đối và góc giăa hai dmòng. Khoảng cách tà m ^R t diẽm đến m ^R t dmòng thăng	76
1	Vị trí tmong đối của hai dmòng thăng	76
2	Góc giăa hai dmòng thăng	78
3	Khoảng cách tà m ^R t diẽm đến m ^R t dmòng thăng	79
4	Bài t ^a p	80
16	PH7ONG TRÌNH D7ÍNG TRÒN	83
1	Phmơng trình dmòng tròn	83
2	Phmơng trình tiếp tuyến của dmòng tròn	84
3	BÀI TŠ P	85
17	Ba dmòng conic	89
1	Dmòng Elip	89
2	Dmòng hypebol	90
3	Dmòng parabol	91
4	M ^R t số áng dụng thực tiễn của ba dmòng conic	93
5	Bài t ^a p	93
18	BÀI TŠ P CUỐI CH7ONG	97





BÀI 1. QUY TẮC CỘNG. QUY TẮC NHÂN. SƠ ĐỒ HÌNH CÂY

1. QUY TẮC CỘNG

Định nghĩa 1. M \Rightarrow t công vi»c dmợc hoàn thành bởi m \Rightarrow t trong hai hành d \Rightarrow ng. Nếu hành d \Rightarrow ng thá nhất có m cách thực hi»n, hành d \Rightarrow ng thá hai có n cách thực hi»n (các cách thực hi»n của cả hai hành d \Rightarrow ng là khác nhau đôi m \Rightarrow t) thì công vi»c đó có $m + n$ cách hoàn thành.

Ví dụ 1. Một quán bán ba loại đồ uống: trà sǎa, nước hoa quả và sinh tố. Có 5 loại trà sǎa, 6 loại nước hoa quả và 4 loại sinh tố. Hỏi khách hàng có bao nhiêu cách chọn một loại đồ uống?

Ví dụ 2. Bạn Phmøng có 7 quyển sách Tiếng Anh và 8 quyển sách Văn học, các quyển sách là khác nhau. Hỏi bạn Phmøng có bao nhiêu cách chọn một quyển sách để đọc?

M[®]t công vi»c dmợc hoàn thành bởi m[®]t trong ba hành d[®]ng. Nếu hành d[®]ng thá nhất có m cách thực hi»n, hành d[®]ng thá hai có n cách thực hi»n, hành d[®]ng thá ba có p cách thực hi»n (các cách thực hi»n của cả ba hành d[®]ng là khác nhau dôi m[®]t) thì công vi»c đó có $m + n + p$ cách hoàn thành.

2. QUY TẮC NHÂN

Định nghĩa 2. Một công việc được hoàn thành bởi một trong hai hành động liên tiếp. Nếu hành động thứ nhất có m cách thực hiện và áng với mỗi cách thực hiện hành động thứ nhất, có n cách thực hiện hành động thứ hai thì công việc đó có $m \cdot n$ cách hoàn thành.



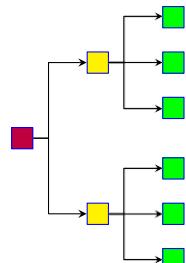
M[®]t công vi»c dmợc hoàn thành bởi m[®]t trong ba hành d[®]ng liên tiếp. Nếu hành d[®]ng thá nhát có m cách thực hi»n; áng với mỗi cách thực hi»n hành d[®]ng thá nhát, có n cách thực hi»n hành d[®]ng thá hai; áng với mỗi cách thực hi»n hành d[®]ng thá nhát và mỗi cách thực hi»n hành d[®]ng thá hai có p cách thực hi»n hành d[®]ng thá ba thì công vi»c đó có $m \cdot n \cdot p$ cách hoàn thành.

Ví dụ 3. Trong kinh doanh nhà hàng, combo là một hình thức gọi món theo thực đơn đặc biệt kết hợp từ nhiều món ăn hoặc đồ uống. Nếu nhà hàng có 5 món rau, 4 món cá và 3 món thịt thì có bao nhiêu cách tạo ra một combo? Biết mỗi combo có đầy đủ 1 món rau, 1 món cá và 1 món thịt.

3. SƠ ĐỒ HÌNH CÂY

Nh^an xét.

- ① Sơ đồ hình cây là sơ đồ bắt đầu tại một nút duy nhất với các nhánh tỏa ra các nút bổ sung.
 - ② Ta có thể sử dụng sơ đồ hình cây để đếm số cách hoàn thành một công việc khi công việc đó đòi hỏi như un xg hành động liên tiếp.



Ví dụ 4. Bạn Hmong có 3 chiếc quần khác màu lần lượt là xám, đen, nâu nhạt và 4 chiếc áo sơ mi cũng khác màu lần lượt là hồng, vàng, xanh, tím. Hãy vẽ sơ đồ hình cây biểu thi số cách chọn:

① 1 chiếc quần; ② 1 chiếc áo sơ mi; ③ 1 bộ quần áo.

4. VẤN DỤNG TRONG BÀI TOÁN ĐÉM

1. Văn dụng trong giải toán

Ví dụ 5. Cho 10 điểm phân biệt. Hỏi lập được bao nhiêu vectơ khác $\vec{0}$? Biết rằng hai đầu mút của mỗi vectơ là hai trong 10 điểm đã cho.



Ví dụ 6. Phân tích số 10 125 ra thà sô nguyên tố rồi tìm sô mớc nguyên dmong của nó.

2. V^an dụng trong thực tiến

Ví dụ 7. Tà ba mảng dă li»u A, B, C , máy tính tạo nêu m®t thông tin dma ra màn hình cho ngmời dùng bằng cách lèn lmot lấy m®t dă li»u tà A , m®t dă li»u tà B và m®t dă li»u tà C . Giả sả A, B, C lèn lmot ch a m, n, p dă li»u. Hỏi máy tính có thể tạo ra dmợc bao nhiêu thông tin?

Ví dụ 8.

Gia đình bạn Quân d°t m^at m a của chiếc khóa c ng là m®t d y s o g m b n ch a s o.
Hỏi có bao nhiêu cách d°t m^at m a n u:

- ① Các ch a s o có thể giống nhau? ② Các ch a s o ph i dài m®t khác nhau?

